# Lineare Algebra II Präsenzaufgaben, Teil 8

#### Aufgabe 5

Sei f ein Endomorphismus des endlich-dimensionalen  $\mathbb{C}$ -Vektorraums V. Es gelte

$$\sum_{i=0}^{k-1} f^i = 0.$$

Ist f diagonalisierbar?

#### Aufgabe 6

Sei K ein Körper, V ein K-Vektorraum,  $f: V \longrightarrow V$  eine lineare Abbildung mit charakteristischem Polynom  $\chi_f(X) = X(X-1)^4$  und  $\operatorname{rg}(f-\operatorname{id}_V) = 2$ . Bestimme die Jordansche Normalform von f.

## Aufgabe 7

Sei K ein Körper, und seien  $A, B \in M_3(K) - \{0\}$  nilpotent und nicht ähnlich zueinander. Zeige, dass eine dieser beiden Matrizen ähnlich ist zum Quadrat der anderen.

### Aufgabe 8

- a) Für  $A \in GL_5(\mathbb{R})$  gelte:  $\chi_A(X) = (X-2)^3(X+4)^2$  und  $\mu_A(X) = (X-2)^2(X+4)$ . Was ist die Jordansche Normalform von A?
- b) Kann man allgemein aus der Kenntnis von charakteristischem Polynom und Minimalpolynom einer Matrix auf deren Jordansche Normalform schliessen?